

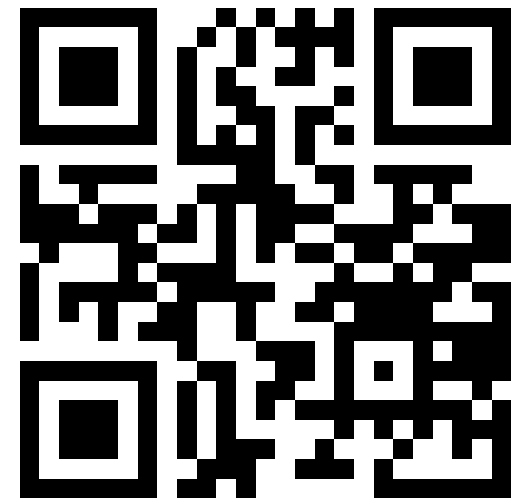
# Technologie cyfrowe

Artur Kalinowski

Zakład Cząstek i Oddziaływań  
Fundamentalnych

Pasteura 5, pokój 4.15

[Artur.Kalinowski@fuw.edu.pl](mailto:Artur.Kalinowski@fuw.edu.pl)



Semestr letni 2014/2015

- Wykład: czwartek 14:15 – 16:00, Pasteura 5, sala 2.03
- Ćwiczenia: Pasteura 5, środa 12:30 – 15:15, sala 1.28, grupa 2  
piątek 13:30 – 16:15, sala 1.30, grupa 1

Zaliczenie:

- Ćwiczenia: **zaliczenie praktyczne (dwa sprawdziany),  
dopuszcza do egzaminu**
- Wykład: **egzamin pisemny (test)**

**Termin: 18.06.2015, 9:00 – 12:00, sala: 1.02**

Terminy i sale wszystkich sprawdzianów można znaleźć tutaj:

<https://www.fuw.edu.pl/~ppw/ipz/?m=exams#I%20rok%20optyka%20okular>.

- Slajdy z wykładu:  
[http://brain.fuw.edu.pl/edu/Slajdy\\_z\\_wykładów\\_2015](http://brain.fuw.edu.pl/edu/Slajdy_z_wykładów_2015)
- Skrypt prof. Piotra Durki:  
[http://brain.fuw.edu.pl/edu/TI:Technologia\\_Informacyjna/skrypt](http://brain.fuw.edu.pl/edu/TI:Technologia_Informacyjna/skrypt)
- Książki wprowadzające do informatyki:  
Piotr Gawrysiak, Cyfrowa rewolucja, PWN 2008  
Zbigniew Polański, Wpędzeni do komputerowego raj, 2010
- Książki podawane w trakcie kolejnych wykładów.
- Wikipedia i inne źródła w internecie (używane z ostrożnością)



## Cyfrowy świat

### Informacja (dane)

- kodowanie
- zapis, przechowywanie
- przesyłanie
- bezpieczeństwo danych

przetwarzanie danych

### Obliczenia

- algorytmy
- struktury danych
- programy komputerowe

## Urządzenia (“sprzęt”)

Rzeczywistość



## **Przekaz słowny: mowa**

rzędu 10000 słów  
(trudna w kopiowaniu, wymaga złożonego nośnika, bardzo podatna na przekłamania)



## **Przekaz pisemny: alfabet**

Kodowanie dźwięków mowy przez skończony, niewielki, zbiór znaków:  
Egipt, około 2700 p.n.e – 24 hieroglify  
Czasy współczesne – alfabet łaciński, 26 znaków  
(kopiowanie: od zmułnego przepisywania, przez maszynę drukarską po xero, podatny na przekłamania przy ręcznym kopiowaniu, nośnik mało złożony technicznie)



## **Przekaz cyfrowy: liczby**

litery alfabetu ponumerowane, dowolna (przeliczalna) liczba znaków możliwa do zapisu. Liczby zapisywane w formacie binarnym.

## Przekaz cyfrowy: liczby

litery alfabetu ponumerowane, dowolna (przeliczalna) liczba znaków możliwa do zapisu. Liczby zapisywane w formacie binarnym. (wymaga zaawansowanej technologii do zapisu i odczytu, prawie zerowy koszt i czas zapisu i odczytu. Daje możliwość kontroli poprawności zapisu i odczytu)

## Zapis cyfrowy:

każda informacja jest kodowana przy użyciu liczb. Odczyt i zapis informacji wymagają w szczególności znajomości “kodowania” - czyli przepisu zamiany złożonej informacji (np. obraz, tekst) na liczby.

Proces zamiany postaci analogowej (“zwykłej”) na cyfrową nazywa się **digitalizacją** (z *ang. digit – cyfra*) lub ucyfrowieniem.

## Systemy liczbowe:

zbiory reguł jednolitego zapisu i nazewnictwa liczb

System dziesiętny (decymalny): oparty na potęgach liczby 10

cyfry: **0 1 2 3 4 5 6 7 8 9**

System dwójkowy (binarny): oparty na potęgach liczby 2

cyfry: **0 1**

System szesnastkowy (hexadecymalny): oparty na potęgach liczby 16

“cyfry”: **0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 A B C D E F**



$$\text{Liczba: } (a_n a_{n-1} \dots a_0)_b = \sum_{k=0}^{k=n} a_k \cdot b^k$$

cyfry

podstawa: 2,  
10, 16, lub  
inna

Ta sama liczba zapisana w różnych systemach:

$$(a_n a_{n-1} \dots a_0)_{b_1} = (c_n c_{n-1} \dots c_0)_{b_2}$$

## Liczba miesięcy w roku kalendarzowym:

Dziesiętnie:

$$(12)_{10} = \sum_{k=0}^{k=1} a_k \cdot 10^k = 2 \cdot 10^0 + 1 \cdot 10^1$$

Binarnie:

$$(1100)_2 = \sum_{k=0}^{k=3} a_k \cdot 2^k = 0 \cdot 2^0 + 0 \cdot 2^1 + 1 \cdot 2^2 + 1 \cdot 2^3$$

Szesnastkowo:

$$(C)_{16} = \sum_{k=0}^{k=0} a_k \cdot 16^k = C \cdot 16^0$$

## Liczba miesięcy w roku kalendarzowym:

Dziesiętnie:

$$(12)_{10} = \sum_{k=0}^{k=2} a_k \cdot 10^k = 2 \cdot 10^0 + 1 \cdot 10^1$$

Binarnie:

$$(1100)_2 = \sum_{k=0}^{k=3} a_k \cdot 2^k = 0 \cdot 2^0 + 0 \cdot 2^1 + 1 \cdot 2^2 + 1 \cdot 2^3$$

Pojedyncza cyfra w zapisie binarnym –  
najmniejsza jednostka informacji: **bit**.

Liczba 1100 ma cztery bity.

Maksymalna liczba jaką można zapisać na 4 bitach:

$$\begin{aligned}(1111)_2 &= \sum_{k=0}^{k=3} a_k \cdot 2^k = 1 \cdot 2^0 + 1 \cdot 2^1 + 1 \cdot 2^2 + 1 \cdot 2^3 = \\ &= 2^4 - 1 = 15\end{aligned}$$

Maksymalna liczba jaką można zapisać na  $n$  bitach to  **$2^n - 1$** ,  
czyli włącznie z zerem daje to  **$2^n$**  liczb.

8 bitów (bajt) – 256 liczb

16 bitów – 65 356

24 bity – 16 777 216

32 bity – 4 294 967 296

## Konwencje zapisu:

liczba bez przedrostka: zwykle oznacza zapis w systemie dziesiętnym: 12

liczba z przedrostkiem **0b** oznacza zapis w systemie dwójkowym: 0b1100

liczba z przedrostkiem **0x** oznacza zapis w systemie szesnastkowym: 0xC

## Ważne wielokrotności w systemie dwójkowym:

$2^3$  bitów = 8 bitów – bajt, 1B = 8 bitów

$2^{10}$  = 1024 – kilo, np. Kb – kilo bit

$2^{20}$  = 1024·1024 = 1048576 – mega, np. Mb – mega bit

$2^{30}$  = 1024·1024·1024 = 10737441824 – giga, np. Gb – giga bit

## Uwaga:

Kb (kib) oznacza kilo w systemie dwójkowym,

kb – w systemie dziesiętnym (nie zawsze przestrzegane)

## Reprezentacja:

Liczby, w dowolnym formacie muszą być jakoś przechowywane “w środku” komputera. Najprościej można reprezentować 0 i 1: **0 – nie ma, 1 – jest.**

Komputery są urządzeniami elektronicznymi, więc

**jest – napięcie na jakimś elemencie przekracza ustalony próg**

**nie ma – oznacza, że napięcie jest poniżej tego progu**

Operacje arytmetyczne również są bardzo proste w reprezentacji binarnej:

$$\mathbf{0+0 = 0, 1+1=10, 0+1 = 1}$$

**Sumy kontrolne (ang. checksum):** Do informacji którą chcemy zapisać dołączamy liczby uzyskane w wyniku operacji matematycznych wykonanych na zapisywanych danych. Przy odczycie suma kontrolna jest liczona jeszcze raz i sprawdzana z wartością zapisaną.

Numer PESEL: przykładowy numer PESEL **44051401458 (abcdefghijkl)**

cyfry [1-6] – data urodzenia (RRMMDD)

cyfry [7-10] – numer serii z oznaczeniem płci

cyfra [10] – płeć

cyfra [11] – cyfra kontrolna

Wzór na obliczenie cyfry kontrolnej (jedenestej, czyli k):

$$k = 1a + 3b + 7c + 9d + 1e + 3f + 7g + 9h + 1i + 3j$$

**Uwaga:** Poprawność sumy kontrolnej nie oznacza zawsze poprawności numeru PESEL. Jedynie znacznie zmniejsza prawdopodobieństwo popełnienia błędu.

## **Korekcja błędów** (*ang. Error Checking and Correction, ECC*)

korzystając z sum kontrolnych możemy nie tylko wykrywać błędy, ale także próbować je korygować.

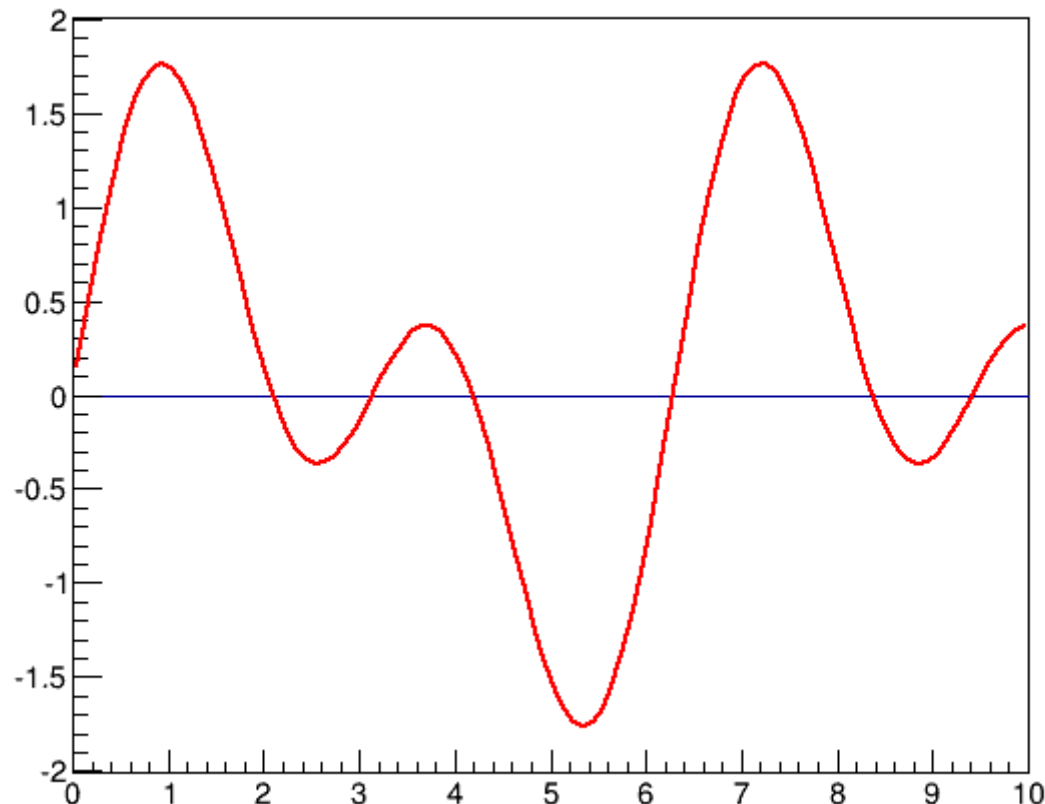
Na płytach audio CD algorytmy korekcji błędów pozwalają na wykrycie błędów w odczycie. Błędnie odczytane bloki danych mogą być opuszczone przy odtwarzaniu muzyki. Brakujące dane mogą być odtworzone przy pomocy interpolacji liniowej sąsiednich próbek (**dla danych, np. programu komputerowego to nie działa!**).

Metoda EEC używana w audio CD pozwala na wykrycie 99,9985% błędów

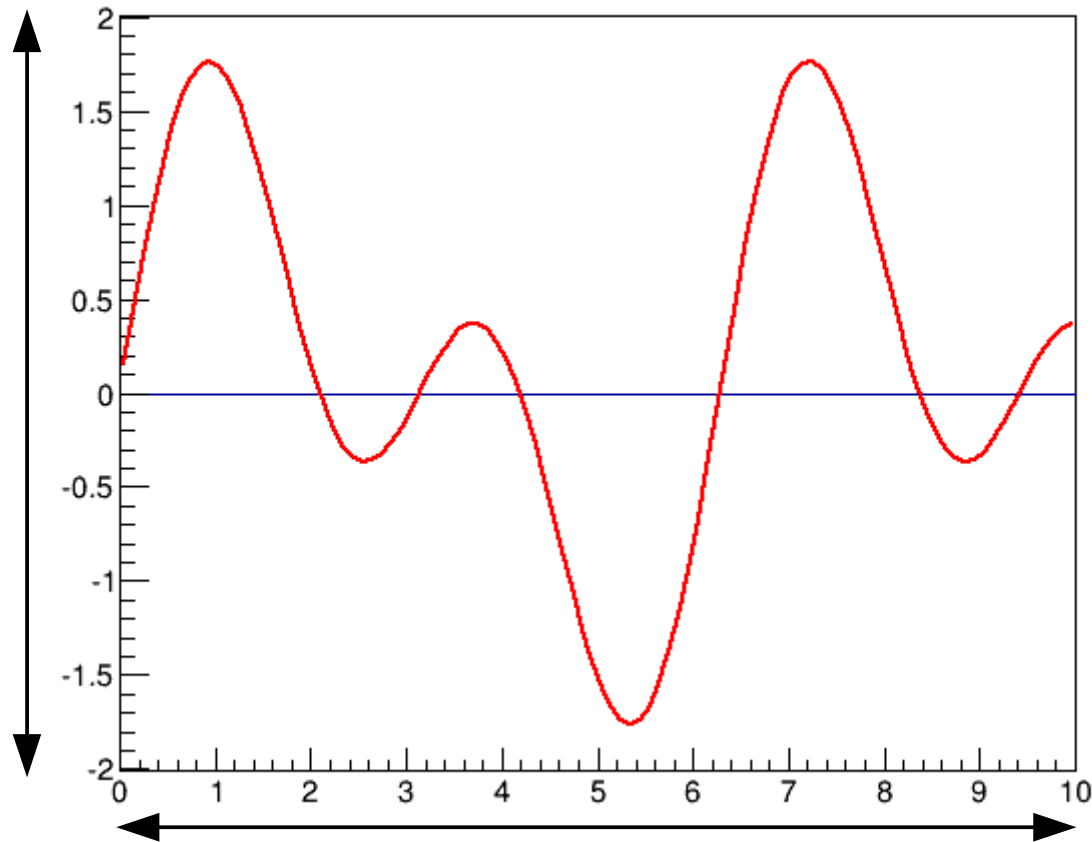


**Sygnał** – zmienny w czasie przebieg pewnej wartości, np. głośności dźwięku.

**Analogowy** – dowolna wartość między minimum i maksimum jest możliwa. Wielkość minimum i maksimum mogą być “nieskończone”. Zmienność w czasie jest ciągła i dowolna.



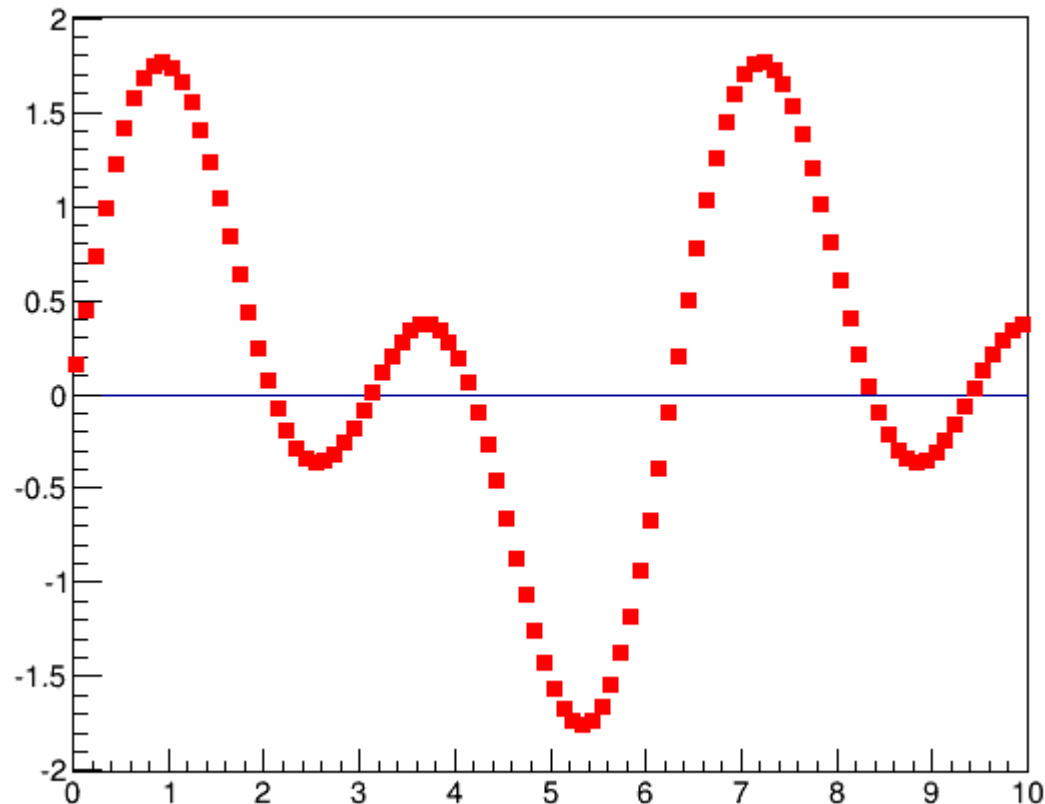
Ciągły rozkład obserwowanej wartości.



Dowolna zmienność w czasie.  
Zmiany mogą być bardzo szybkie  
(duża częstość) lub bardzo wolne  
(mała częstość).

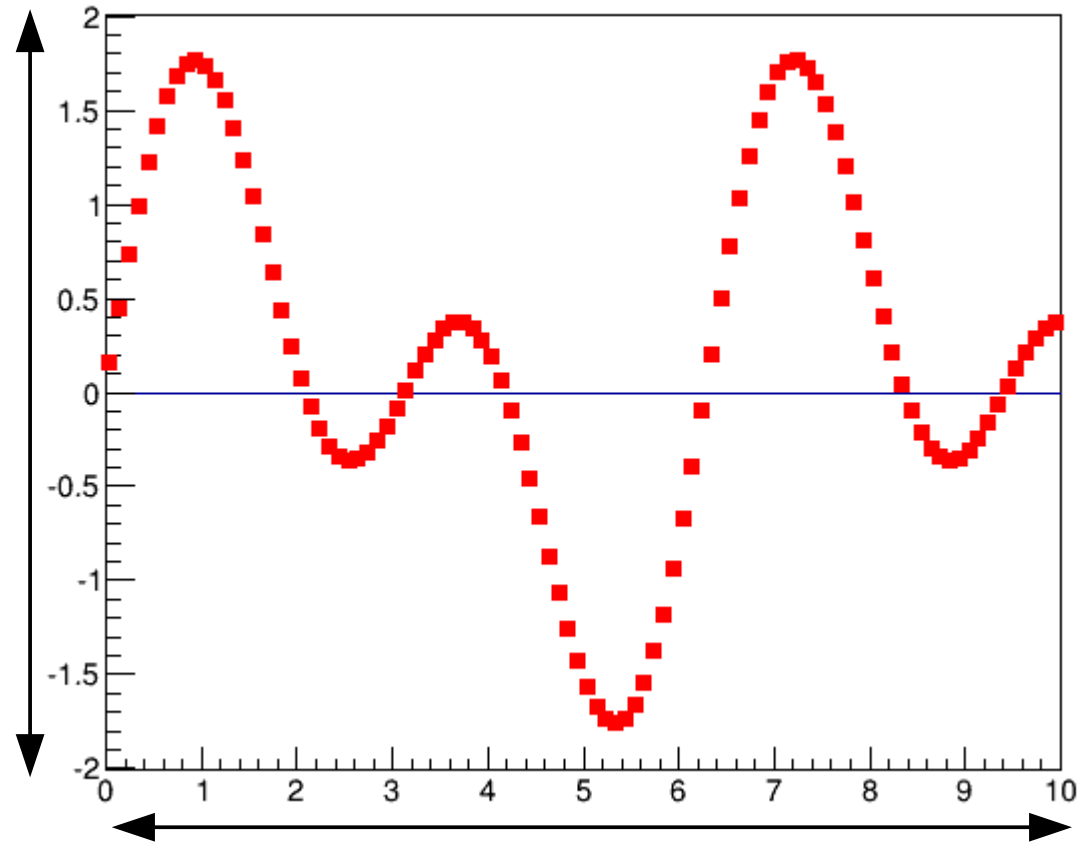
**Sygnal** – zmienny w czasie przebieg pewnej wartości, np. głośności dźwięku.

**Cyfrowy** – tylko skończona liczba wartości między minimum i maksimum jest dopuszczalna. Wielkość minimum i maksimum muszą być skończone. Liczba próbek w jednostce czasu musi być skończona.



Każdej obserwowanej wartości przypisujemy numer przedziału do którego ona należy. Liczba przedziałów dana przez liczbę bitów przeznaczonych na zapis wartości.

Np. dla 8 bitów:  
zakres  $[-2,+2]$  dzielimy na 256 przedziałów. Pomiarowi "0" przypisujemy wartość 129, bo należy on do 129 przedziału o granicach  $[0,0.0156[$



Liczba punktów pomiarowych w czasie zależy od częstotliwości próbkowania. 44.1 kHz oznacza 44100 próbek na sekundę.

Wartości pomiędzy kolejnymi próbkami w czasie możemy wyznaczyć analitycznie (ze wzoru). Najprostrzy sposób to interpolacja liniowa.

Zapisane dane w dwóch kolejnych chwilach:

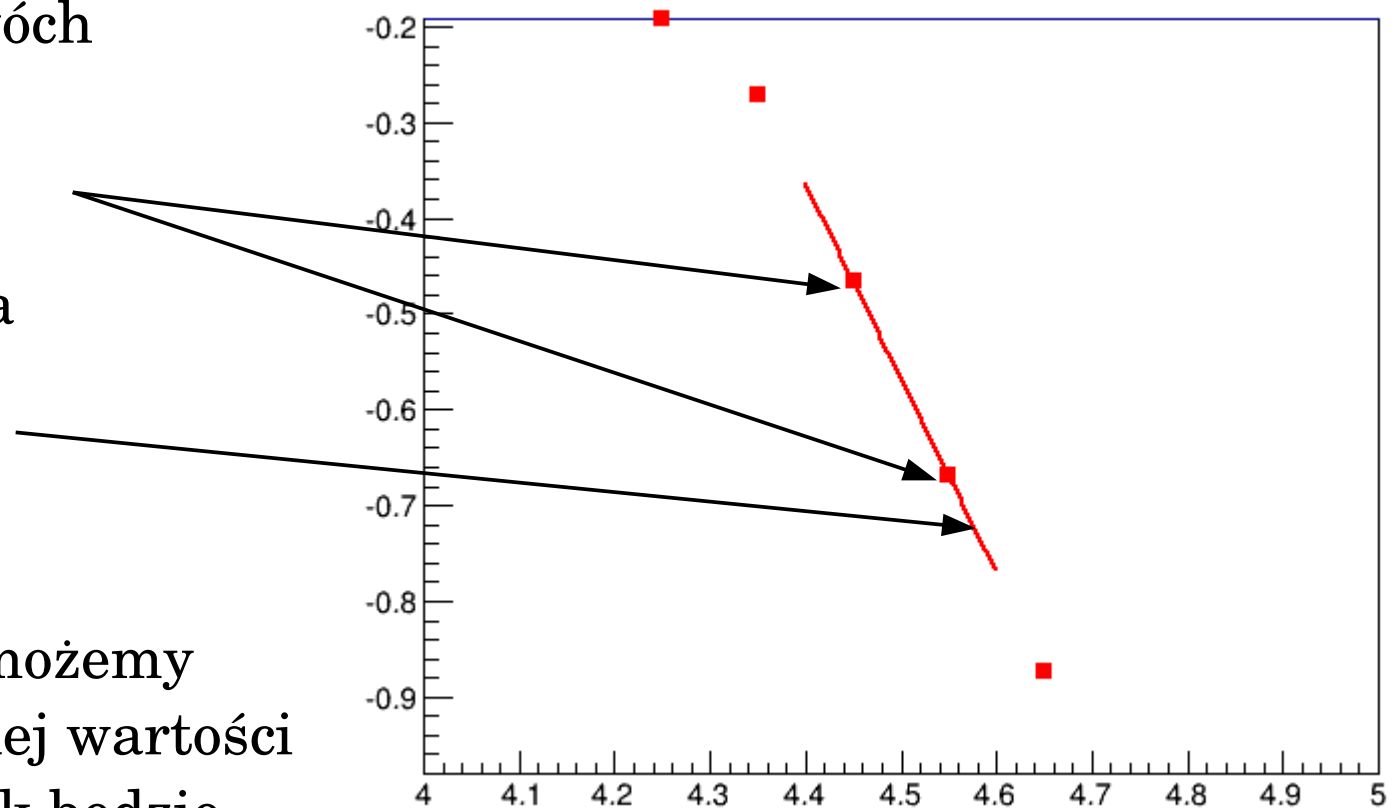
$$(y_1, t_1), (y_2, t_2)$$

Prosta przechodząca przez dwa punkty:

$$y = a \cdot t + b,$$

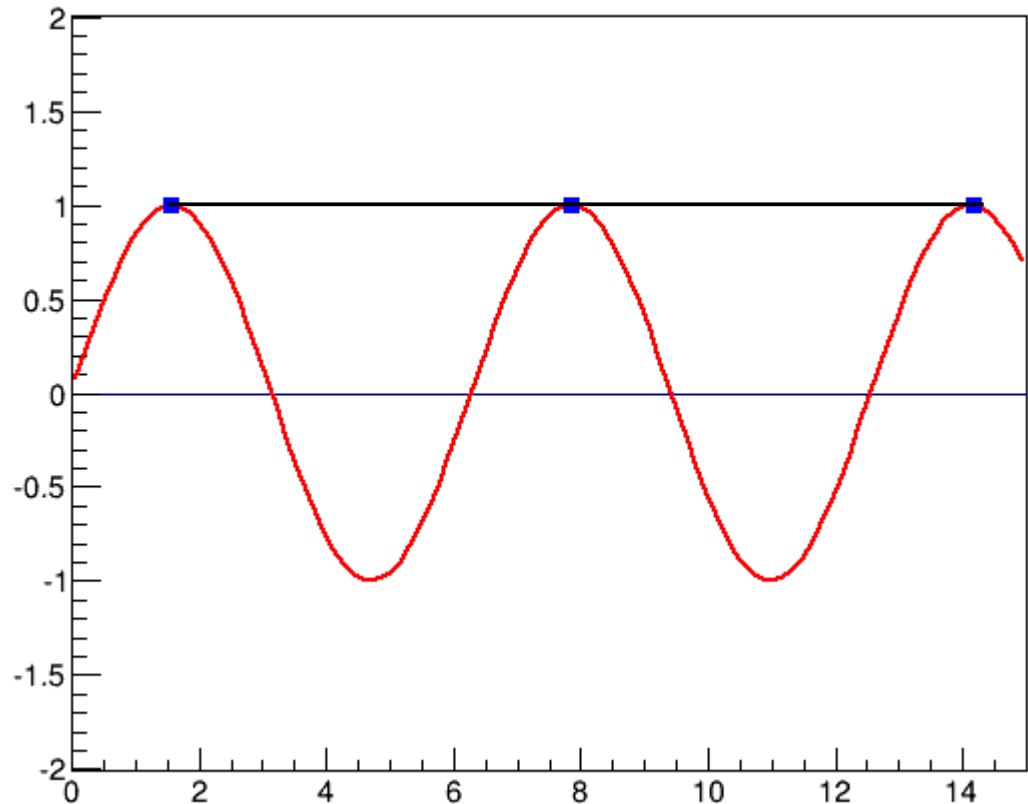
$$y_{1/2} = a \cdot t_{1/2} + b$$

Ze wzoru na prostą możemy policzyć  $y$  dla dowolnej wartości czasu  $t$ . Zwykle wynik będzie bliski rzeczywistemu tylko dla przedziału  $[t_1, t_2]$

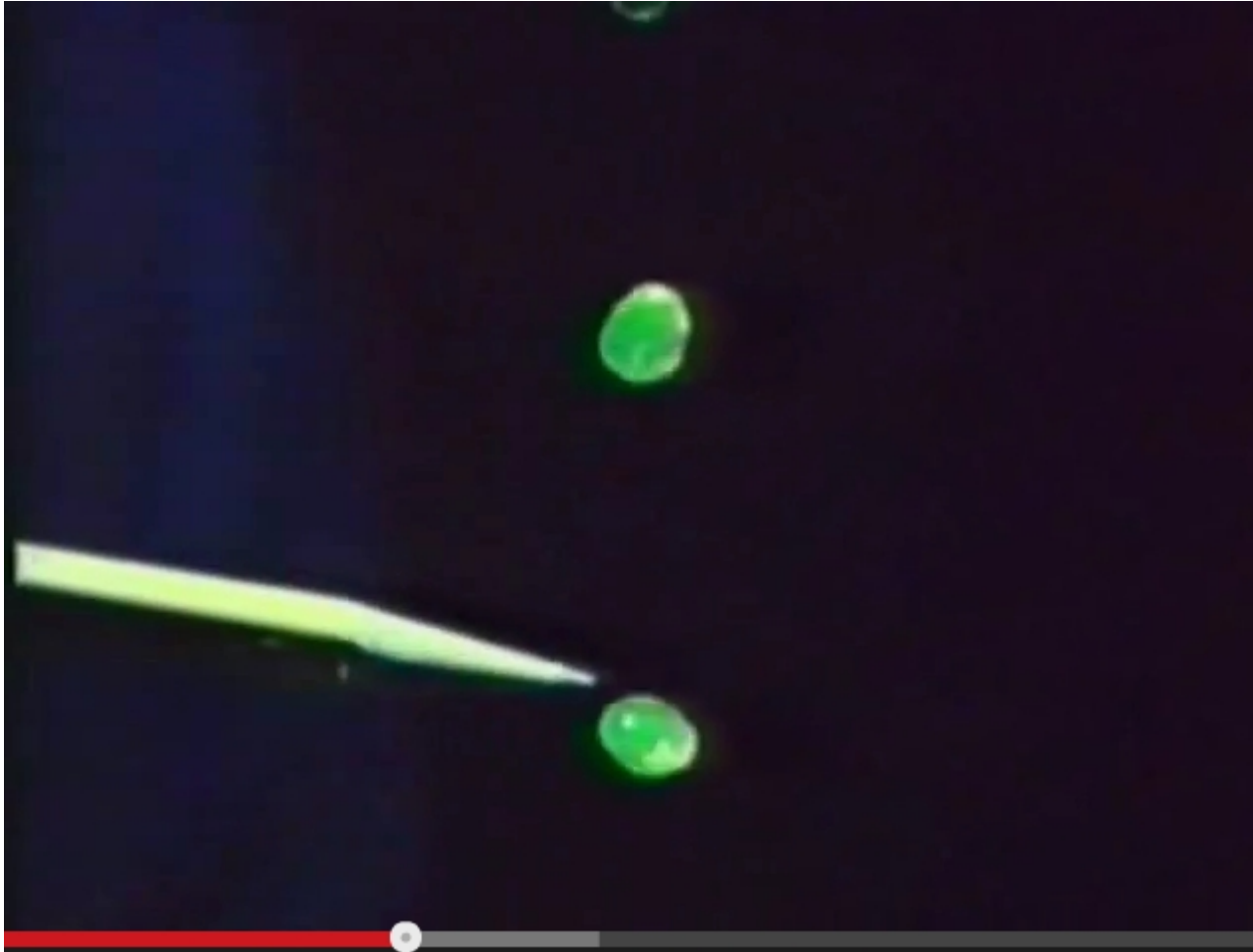


Założmy prosty sygnał sinusoidalny:  $f(t) = \sin(\omega t)$ ,  
 $\omega = 2\pi/T$ . Próbujemy raz na okres, czyli z częstością  $1/T$

W tej sytuacji interpolacja liniowa da nam prostą o wartości stałej w czasie! Straciliśmy całą informację o zależności od czasu.



# Efekt stroboskopowy

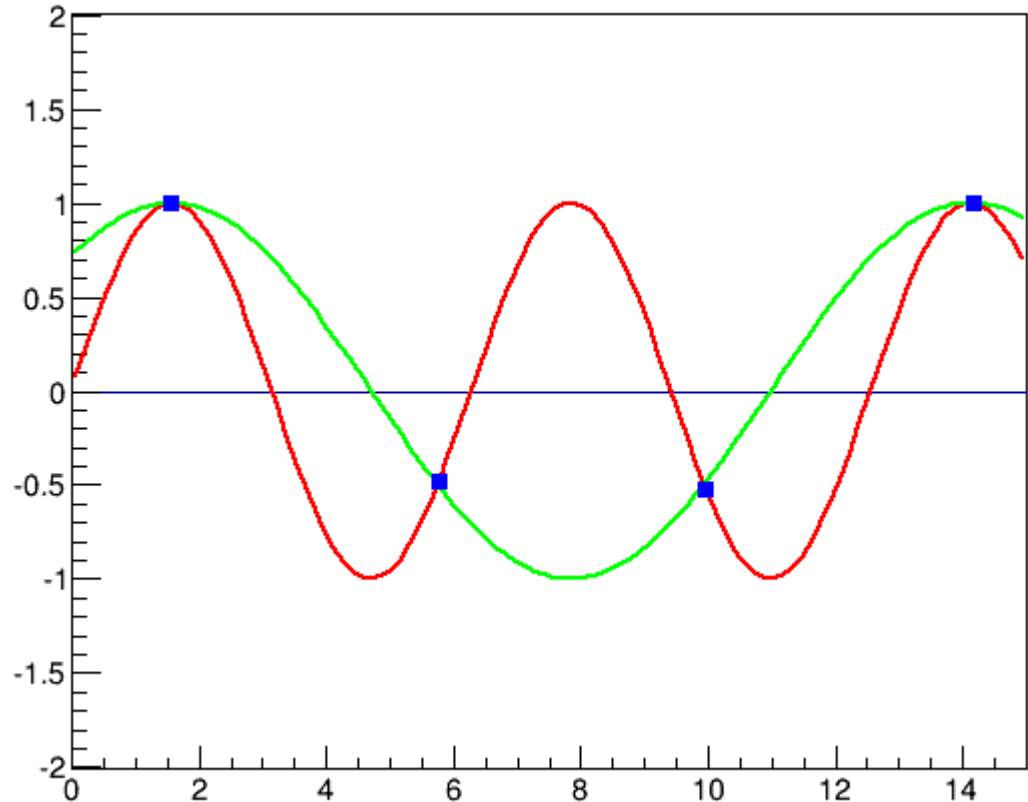


<https://www.youtube.com/watch?v=4XkywLza-9E>

# Twierdzenie Nyquista

Założmy prosty sygnał sinusoidalny:  $f(t) = \sin(\omega_0 t)$ ,  
 $\omega_0 = 2\pi/T$ . Próbujemy raz na okres, czyli z częstotnością  $1/T$

Co się stanie jeśli będziemy próbkowali z częstotnością  $\omega_p = 1.5\omega_0$ , czyli 3 razy na 2 okresy?



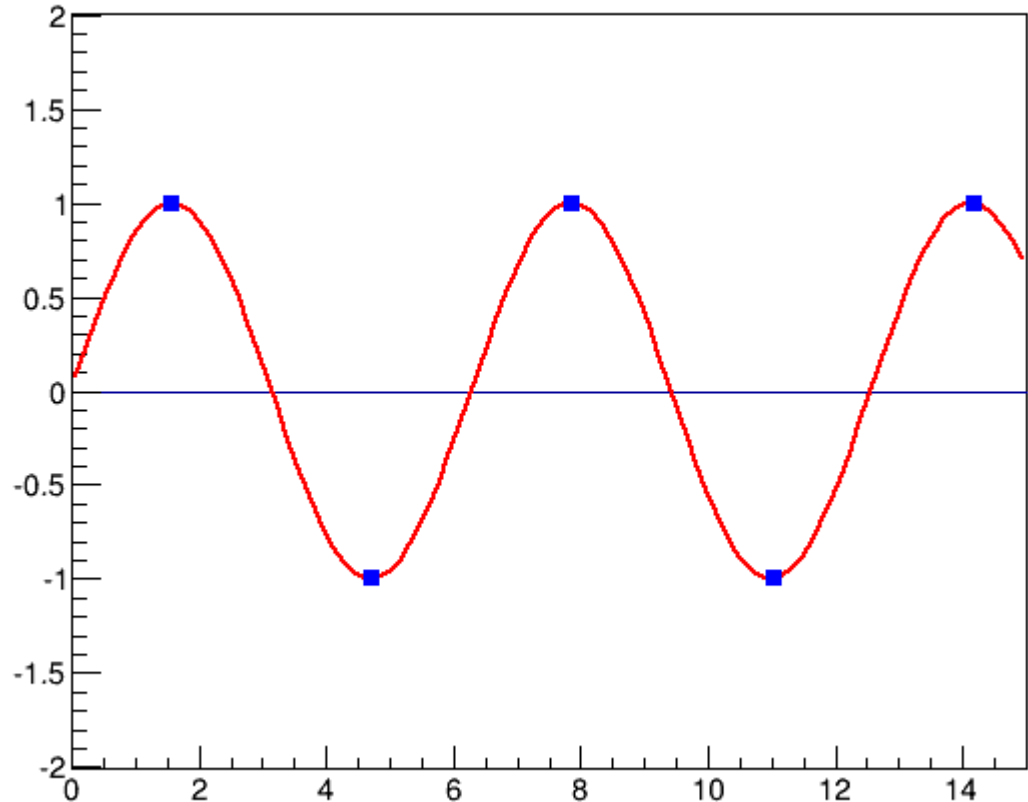
Sygnał cyfrowy będzie wyglądał identycznie jak byśmy obserwowali na wejściu sygnał o częstotności  $\omega = \omega_p - \omega_0 = (1.5-1)\omega_0 = 0.5\omega_0$

**Aliasing:** pojawienie się w sygnale składowych o błędnych częstotliwościach (aliasów).  
 $\omega_a = |\omega_0 - \omega_p|$



Założmy prosty sygnał sinusoidalny:  $f(t) = \sin(\omega_0 t)$ ,  
 $\omega_0 = 2\pi/T$ . Próbkujemy raz na okres, czyli z częstością  $1/T$

Dopiero gdy częstość próbkowania będzie conajmniej  $\omega_p = 2\omega_0$  będziemy mogli odtworzyć oryginalny sygnał



**Tw. Nyquista:** aby móc dokładnie odtworzyć ciągły sygnał o ograniczonym paśmie z jego próbek, należy zastosować częstość próbkowania równą conajmniej podwojonej najwyższej częstości sygnału.

**Tw. Nyquista:** aby móc dokładnie odtworzyć ciągły sygnał o ograniczonym paśmie z jego próbek, należy zastosować częstość próbkowania równą conajmniej podwojonej najwyższej częstości sygnału.

Zakresy częstości:		Częstości próbkowania:	
Mowa	100 Hz – 3.5 kHz	telefonía	8 kHz
dźwięki odbierane przez człowieka:	20 Hz – 20 kHz	płyty CD	44.1 kHz
		radio FM	22.05 kHz

Standardowa płyta CD: 333 000 sektorów

sektor: 2352 bajty danych audio

Cała płyta CD:  $333\,000 \cdot 2352 = 783\,216\,000\,000$  bajtów

Zapis dźwięku na płycie CD:

- częstotliwość próbkowania: 44.1 kHz
- liczba bitów używana do kodowania natężenia dźwięku: 16

Sekunda dźwięku stereo z płyty CD:  $2 \cdot 16 \cdot 44100 = 1411200$  bitów

Minuta dźwięku:  $1411200 \cdot 60/8/1024/1024 = 10$  MiB

Płyta audio CD mieści:  $783\,216\,000\,000/10$  MiB/min = **74' muzyki**

Na każde 24 bajty muzyki jest dodatkowo zapisywane 8 bajtów EEC.

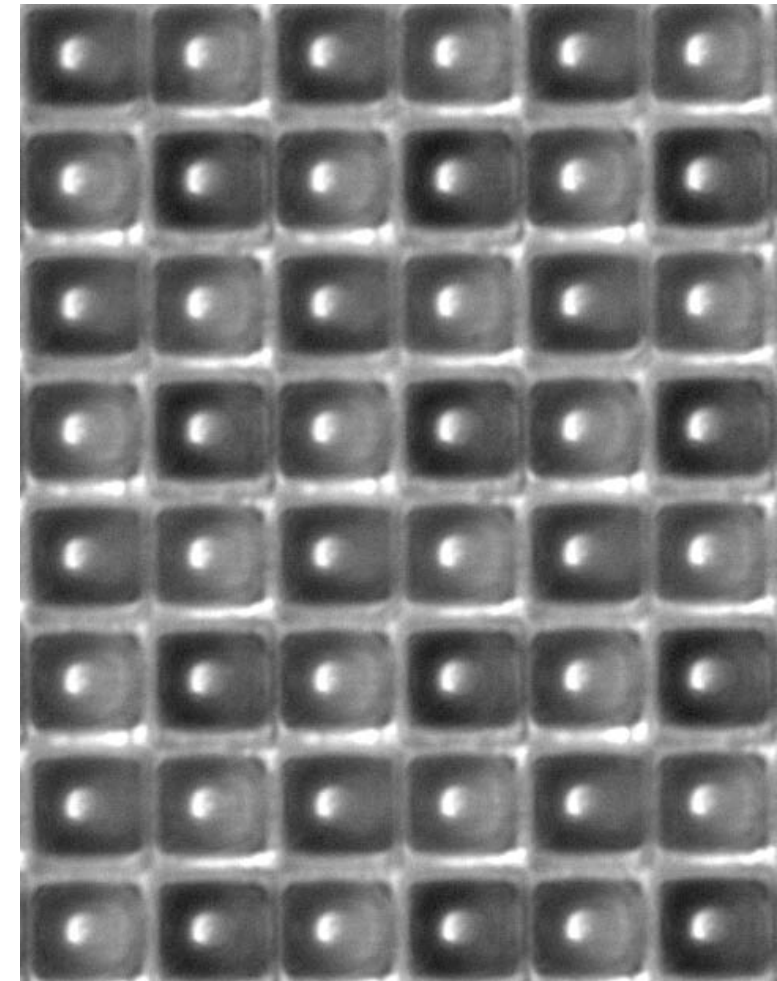
**Fotografia cyfrowa:** pomiar jasności pikseli (punktów) matrycy, na którą pada światło.

Rozmiar matrycy:            rzędu milionów pikseli

Rozmiar pojedynczego piksela: **rzędu  $1 \times 1 \mu\text{m}$**

Liczba bitów kodujących obraz: zależy od ADC  
(*ang. Analog to Digital Converter*), około **12**

Jak jest rozpoznawany kolor?



Photographs by Jack/The Landingfield and used with permission

**Fotografia cyfrowa:** pomiar jasności pikseli (punktów) matrycy, na którą pada światło.

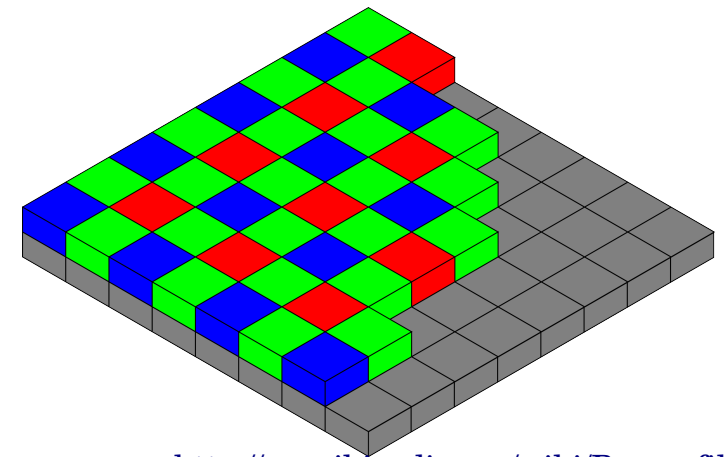
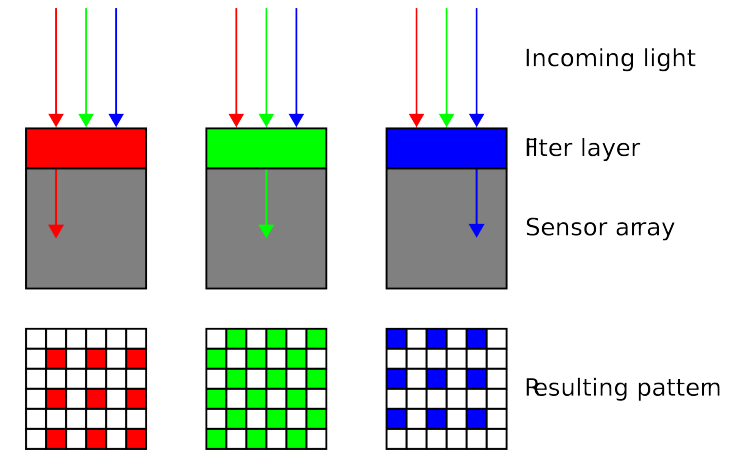
Rozmiar matrycy: rzędu milionów pikseli

Rozmiar pojedynczego piksela: rzędu  $1 \times 1 \mu\text{m}$

Liczba bitów kodujących obraz: zależy od ADC, około **12**

Jak jest rozpoznawany kolor?

Każdy piksel rozpoznaje jeden kolor (filtr kolorowy z przodu): R G B



[http://en.wikipedia.org/wiki/Bayer\\_filter](http://en.wikipedia.org/wiki/Bayer_filter)

CC BY-SA 4.0

# Digitalizacja obrazu

**Fotografia cyfrowa:** pomiar jasności pikseli (punktów) matrycy, na którą pada światło.

Rozmiar matrycy: rzędu milionów pikseli

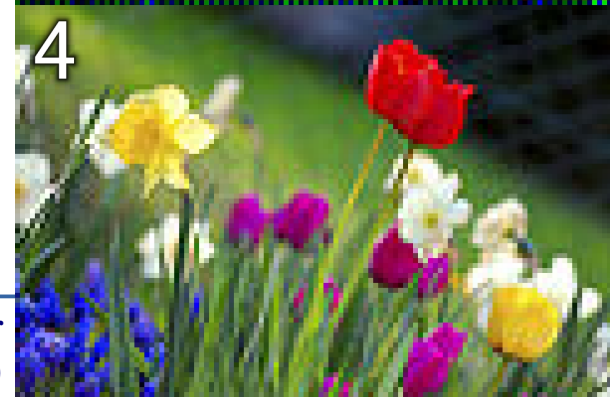
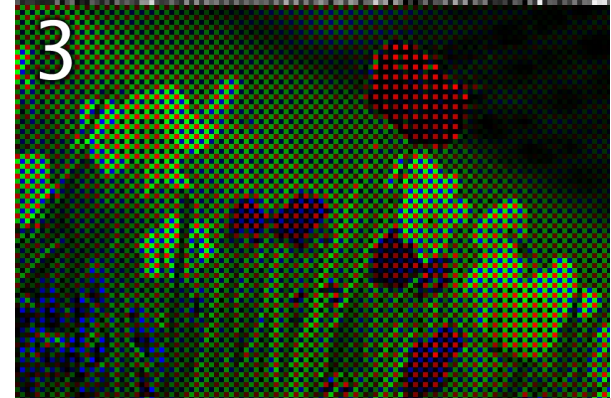
Rozmiar pojedynczego piksela: rzędu  $1 \times 1 \mu\text{m}$

Liczba bitów kodujących obraz: zależy od ADC, około **12**

**Jak jest rozpoznawany kolor?**

Każdy piksel rozpoznaje jeden kolor (filtr kolorowy z przodu): R G B

**Finalny kolor jest średnią z sąsiadów**



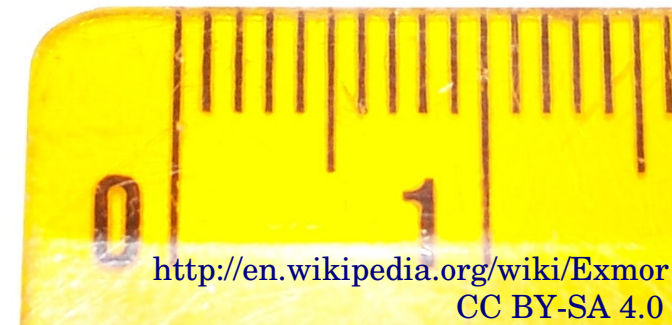
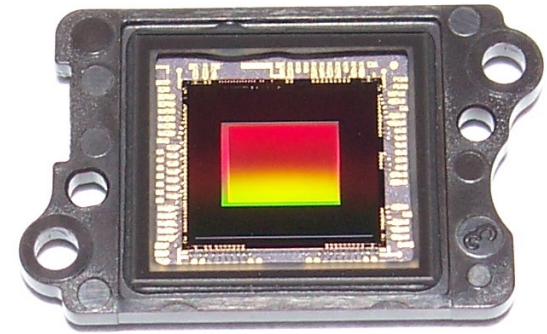
**Fotografia cyfrowa:** pomiar jasności pikseli (punktów) matrycy, na którą pada światło.

Rozmiar matrycy:        rzędu milionów pikseli  
Rozmiar pojedynczego piksela: **rzędu 1x1  $\mu\text{m}$**   
Liczba bitów kodujących obraz: **12**

Weźmy matrycę 10 MP.

Ile danych trzeba zapisać dla jednego zdjęcia?

$$10 \cdot 10^6 \cdot 12 / 8 / 1024 / 1024 = 14.3 \text{ MiB!}$$



<http://en.wikipedia.org/wiki/Exmor>  
CC BY-SA 4.0